

محصلة قوتين تؤثران في نقطة

- ١) قوتان مقدارهما ٤ ، في نيوتن تؤثران في نقطة مادية ، قياس الزاوية بينهما 135° وخط عمل محصلتهما يميل بزاوية 45° على القوة في اوجد قيمة في
 (($4\sqrt{3}$ - ٣٠٠٠ ث))
- ٢) قوتان مقدارهما ٨ ، في نيوتن تؤثران في نقطة مادية وقياس الزاوية بينهما 120° و إذا كان مقدار محصلتهما $3\sqrt{3}$ نيوتن اوجد ق
 ((٤ نيوتن))
- ٣) قوتان مقدارهما ٨ ، ١٦ ث جم تؤثران في نقطة مادية . اوجد قياس الزاوية بينهما إذا علم أن محصلتهما عمودية على الأولى
 ((120° - ٩٩ ث))
- ٤) قوتان مقدارهما ١ ، ٢ نيوتن تؤثران في نقطة مادية إذا كان مقدار محصلتهما $3\sqrt{3}$. اوجد قياس الزاوية بينهما
 ((120° - ٩٩ ث))
- ٥) قوتان مقدارهما ٨ ، $3\sqrt{3}$ ، ٨ تؤثران في نقطة مادية وتحصران بينهم زاوية قياسها 150° . اوجد مقدار المحصلة وقياس الزاوية بين المحصلة والقوة الأولى
 ((٨ نيوتن ، 30° - ٩٨ ث))
- ٦) قوتان مقدارهما ق ، ق $2\sqrt{3}$ تؤثران في نقطة مادية وتحصران زاوية ظلها $= 1 - 1$ إذا كان محصلتهما ٤ نيوتن . اوجد معيار ق وزاوية ميل المحصلة على القوة الأولى
 ((٤ نيوتن ، 90° - أزهر ٢٠٠٠))
- ٧) قوتان متساويتين في المقدار تؤثران في نقطة مادية مربع مقدار المحصلة يساوي ٣ أمثال مربع مقدار أى منهما . اوجد قياس الزاوية بين القوتين
 ((60°))
- ٨) قوتان متعامدتين تؤثران في نقطة مادية مقدار أحدهما ثلاثة أرباع الأخرى و مقدار محصلتهما ٢٠ ث كجم اوجد مقدار كل من القوتين
 ((١٦-١٢ ث كجم))
- ٩) قوتان مقدارهما ٢ في ، في نيوتن متلافتان في نقطة ومقدار محصلتهما $5\sqrt{3}$ في اثبت ان القوتين متعامدتين
 ((ازهر ٢٠٠٣))

التميز

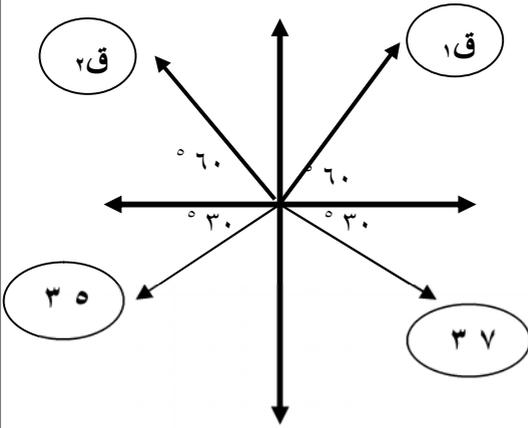
- ١٠) فوتان تؤثران في نقطة مادية وجد ان مقدار محصلتهما $= 10\sqrt{2}$ ن جم إذا كانت الزاوية بينهم قائمة ويكون مقدار المحصلة $13\sqrt{2}$ إذا كان قياس الزاوية بينهم 60° . اوجد مقدار كلا منهما ((٣،١ - د . ت))
- ١١) فوتان مقدارهما ١ ، ٢ نيوتن تؤثران في نقطة وكانت محصلتهما $5\sqrt{2}$ اثبت اهم تعامدين ((ازهر ٢٠٠٦))
- ١٢) فوتان مجموعهم ٤ نيوتن وعندما تكون الزاوية بينهم 60° فإن مقدار المحصلة $13\sqrt{2}$ نيوتن اوجد مقدار كلا من القوتين ((٣،١ نيوتن - ث ٢٠٠٦))
- ١٣) فوتان متعامدتان مقدارهما ٢ ق - ٥ ، ق + ٢ نيوتن تؤثران في نقطة مادية . اوجد قيمة ق في الحالتين الآتيتين * المحصلة تنصف الزاوية بين القوتين * مقدار المحصلة يساوي $5\sqrt{2}$ نيوتن ((٧ نيوتن - ٤ نيوتن - ث ٢٠٠٧))
- ١٤) فوتان مقدارهما ٢ ، ق نيوتن متلاقيتان في نقطة وقياس الزاوية بينهما 120° . اوجد قيمة المحصلة بدلالة ق ثم اوجد قيمة ق التي تجعل المحصلة $= 19\sqrt{2}$ نيوتن ((أزهر ٢٠١٠))
- ١٥) أثرت فوتان مقدارهما ١ و ٢ ، ٢ و ١ نيوتن في نقطة وكان قياس الزاوية بين خطى عمليهما 120° اوجد مقدار واتجاه محصلة القوتين . وإذا أثرت القوة ك نيوتن في نفس النقطة وكانت القيمتان العظمى والصغرى محصلة القوى الثلاثة هي ٢٦ ، ١٤ نيوتن فأوجد قيمة ١ و ٢ ، ك حيث $١ < ٢$ ((١ و $3\sqrt{2}$ نيوتن - عمودية على ١ و ٢ ، $20\sqrt{3}/3$ ، ٦ نيوتن - ث ٢٠٠٨))
- ١٦) فوتان متساويتان تحصران بينهم زاوية قياسها 120° وإذا تضاعفت القوتان وأصبح الزاوية بينهم 60° زادت محصلتهما بمقدار ١١ وحدة عن المحصلة الأولى أثبت أن مقدار كل قوة $= 1 + 2\sqrt{3}$ ((د . ت))
- ١٧) فوتان ١ و ١ ، ٢ و ٢ محصلتهما ح حيث $ح \in [١٠ ، ٢]$ ، ١ و ٢ < ٢ و ١ أوجد قيمتي ١ و ٢ ثم اوجد مقدار المحصلة عندما يكون قياس الزاوية بينهم 120° ((٦ ، ٤ ، ٢ ، $2\sqrt{7}$ - د . ت))

محصلة عدة قوى مستوية ومتلاقية

- ١) ا ب ج د هـ و سداسي منتظم اثرت قوى مقاديرها $4\sqrt{3}$ ، 4 ، $2\sqrt{3}$ ، 2 نيوتن في الاتجاهات \vec{P}_1 ، \vec{P}_2 ، \vec{P}_3 ، \vec{P}_4 ، \vec{P}_5 ، \vec{P}_6 على الترتيب . اوجد مقدار وإجاه محصلة هذه القوى
 ((٤ انيوتن 30° - ت ٩٨))
- ٢) تؤثر القوى المستوية التي مقاديرها 2 ، $3\sqrt{2}$ ، $2\sqrt{2}$ ، $3\sqrt{2}$ نيوتن في نقطة مادية وكان قياس الزاوية بين القوة الأولى والثانية 45° وبين الثانية والثالثة 105° وبين الثالثة والرابعة 120° . اوجد محصلة هذه القوى
 (($13\sqrt{2}$ نيوتن - ت ٩٧))
- ٣) ا ب ج د مربع طول ضلعه 12 سم ، هـ \in ب ج - حيث ب هـ = 5 سم . أثرت قوى مقاديرها 2 ، 13 ، $4\sqrt{2}$ ، 9 ث جم في الاتجاهات \vec{P}_1 ، \vec{P}_2 ، \vec{P}_3 ، \vec{P}_4 ، \vec{P}_5 على الترتيب . اوجد مقدار المحصلة
 (($10\sqrt{2}$ ، هـ = 45° - ت ٩٧))
- ٤) القوى 5 ، 6 ، $4\sqrt{2}$ ، 2 نيوتن تؤثر في نقطة مادية في اتجاهات الشرق ، الشمال ، الجنوب الغربي ، الجنوب على الترتيب اوجد مقدار المحصلة واتجاهها
- ٥) أربع قوى مستوية ومتلاقية في نقطة مقاديرها 1 ، 18 ، 2 ، $16\sqrt{3}$ نيوتن على الترتيب . فإذا كان قياس الزاوية بين القوتين الأولى والثانية 90° وبين القوتين الثانية والثالثة 60° وبين القوتين الثالثة والرابعة 90° اوجد ق 1 ، ق 2 إذا علم أن مجموعة القوى متزنة
 ((12 ، $14\sqrt{3}$ - أزهر ٢٠٠٣))
- ٦) ثلاث قوي مستوية ومتساوية في المقدار تؤثر في نقطة واحدة إذا كانت الزاوية بين القوتين الأولى والثانية أقياسها 60° والزاوية بين القوتين الثانية والثالثة 60° اوجد مقدار واتجاه المحصلة
 ((أزهر ٢٠٠٢))
- ٧) ا ب ج د مستطيل فيه أ ب = 6 سم ، ب ج = 8 سم أخذت نقطة هـ على ب ج بحيث \vec{P}_1 ، \vec{P}_2 ، \vec{P}_3 ، \vec{P}_4 ، \vec{P}_5 ، \vec{P}_6 أثرت قوى مقاديرها 1 ، 10 ، $5\sqrt{2}$ ، 3 ث جم في \vec{P}_1 ، \vec{P}_2 ، \vec{P}_3 ، \vec{P}_4 ، \vec{P}_5 ، \vec{P}_6 على الترتيب . اوجد مقدار محصلة هذه القوى
 (($14\sqrt{2}$ ث جم - ت ٩٨))
- ٨) اثرت قوى مقاديرها $ق$ ، $ك$ ، ٦ نيوتن في نقطة مادية في اتجاهات الشرق الشمال ، 30° جنوب الغرب على الترتيب فإذا كانت محصلة القوى تساوي ٨ نيوتن في إجاه 30° شمال الشرق عين قيمة $ك$ و $ق$ ، $ك$
 (($٧\sqrt{3}$ ، ٧ نيوتن ت ٢٠٠٥))

في الشكل المقابل :

إذا كانت القوى متزنة اوجد ق١ ، ق٢ ، ق٣



١٠) ب جـ مربع أثرت القوتان ٢ ، ٢ نيوتن في جـ P ، جـ على الترتيب أوجد مقدار محصلتهم

$$((٢٠٠٤ - ١٠\sqrt{2} - \text{أزهر}))$$

١١) P ب جـ مربع طول ضلعه ١٢ سم ، هـ \Rightarrow B جـ حيث ب هـ = $4\sqrt{3}$ سم أثرت قوى مقاديرها ٥ ، ٤ ، ٣ ، ٢ نيوتن في نقطة في الاتجاهات ب P ، هـ P ، جـ ، P على الترتيب . أوجد مقدار واتجاه محصلة هذه القوى

$$((٥ \text{ نيوتن} ، ٥٢ / ٣٦^\circ \text{ مع أ ب - ث } ٢٠٠٦))$$

١٢) تؤثر القوى المستوية التي مقاديرها ٥ ، ١٠ ، ١٥ ، ٢٠ نيوتن في نقطة مادية في اتجاهات الشرق ، ٦٠° شمال الشرق ، ٣٠° شمال الغرب ، ٣٠° شرق الجنوب على الترتيب . أوجد محصلة تلك القوى مقدار واتجاهها

$$((٥ \text{ نيوتن} ، ٦٠^\circ \text{ شمال الغرب - ث } ٢٠٠٩))$$

١٣) أثرت القوى التي مقاديرها ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ نيوتن في نقطة مادية في اتجاهات موازية لأضلاع مثلث متساوي الأضلاع في ترتيب دوري واحد . أوجد محصلة القوى مقدار واتجاهها

$$((٣\sqrt{3} - \text{د . ت}))$$

١٤) أ ب جـ مثلث متساوي الساقين فيه و (ب أ جـ) = ١٢٠° أثرت القوى ٤ ، ٦ ، ٤ نيوتن في نقطة أ في اتجاهات توازي أ ب ، ب جـ ، جـ أ على الترتيب . أوجد مقدار المحصلة

$$((١٠\sqrt{3} - \text{د . ت}))$$